

## Øvelser til basalkursus, 5. uge

### Opgave: Knogledensitet hos unge piger

I alt 112 piger har fået målt knogledensitet (bone mineral density, `bmd`) i 11-års alderen (baseline værdi). Pigerne er herefter randomiseret til enten at få et calciumtilskud eller en placebopille. Efter ca. 2 år er de fleste genundersøgt, og `bmd` er målt igen.

Data indeholder 112 linier (foruden en overskriftsline), med angivelse af en personidentifikation (`id`), behandlingsgruppe (`treat`, angivet som enten `C` for calciumtilskud eller `P` for placebo), det eksakte antal dage, der er imellem de to målinger (`dage`), samt bone mineral density ved hhv. 1. og 2. måling (`bmd1` hhv. `bmd5`).

Målingerne af knogledensitet (`bmd`) har enheden  $\frac{g}{cm^2}$ . De stammer fra nedenstående reference, men er let modificerede.

*Reference:* Vonesh, F & Chinchilli, V.M. (1997): Linear and nonlinear models for the analysis of repeated measurements. Chapman & Hall.

**Opgaven går ud** på at vurdere effekten af calciumtilskuddet på fornuftig vis, og kandidaterne er nedenstående sammenligninger af de to grupper:

- Follow-up målingerne efter 2 år (spm. 3), med korrektion for forskelle i baseline (spm.4)
  - Ændringerne fra start til slut (spm. 6) med korrektion for forskelle i baseline (spm.7)
1. Lav en (eller flere) passende illustrationer/arbejdstegninger for at få en fornemmelse af data. Bemærk, at der er mange muligheder her, men prøv jer lidt frem uden at bruge alt for meget tid på det.
  2. Udregn summary statistics (gennemsnit, spredning og andre relevante størrelser), opdelt på de to grupper. Ser det ud som om randomiseringen har været korrekt udført?
  3. Gør behandlingen en forskel for slutmålingerne? Er det fornuftigt at foretage en sådan sammenligning uden at tage hensyn til baseline værdierne?

4. Inkluder nu baseline værdierne som kovariat i sammenligningen fra spørgsmål 3:
  - (a) Hvilken knogledensitet vil vi prediktere en pige fra C-gruppen til at have i 13-års alderen ( $\text{bmd5}$ ), hvis hun har en densitet på  $0.9 \frac{g}{\text{cm}^2}$  i 11-års alderen ( $\text{bmd1}$ )?  
Vil det være usædvanligt, hvis hun er nået helt op på  $1.1 \frac{g}{\text{cm}^2}$ ?
  - (b) Kvantificer den forventede forskel på de to grupper i knogledensitet ved 13-års alderen, under forudsætning af, at disse starter fra samme udgangspunktet ( $\text{bmd1}=0.9$ ).
5. Udregn ændringen (tilvæksten) i knogledensitet for hver enkelt pige og kvantificer middelværdien af denne, for hver gruppe for sig. Husk konfidensinterval.  
Er der evidens for en reel forøgelse af bone mineral density i placebo-gruppen?
6. Sammenlign tilvæksten i knogledensitet for de 2 grupper. Kvantificer forskellen på disse ændringer, og husk igen konfidensinterval.  
Forklar forskellen til spørgsmål 3 og 4b (lav evt. en lille tabel med resultater i form af estimater med tilhørende konfidensintervaller).

**Hvis I er i tidnød, så spring spørgsmål 7 over.**

7. Kvantificer den forventede ekstra tilvækst for en person i C-gruppen i forhold til en person i P-gruppen, under forudsætning af, at disse begge starter fra udgangspunktet ( $\text{bmd1}=0.9$ ).
8. Kunne man forestille sig, at effekten af calciumtilskuddet afhænger af pigens udgangspunkt, altså  $\text{bmd1}$ ?  
Er der noget i data, der tyder på dette?
9. Har det nogen betydning for konklusionen, at der ikke er lige lang tid mellem målingerne for alle individerne?  
Her kan man vælge enten at omdefinere sit outcome til “ændring pr. år” eller at inddrage tidsforskellen direkte i modellen.
10. Et antal piger har kun fået målt  $\text{bmd}$  en enkelt gang.  
Beskriv bortfaldet (gerne grafisk) og kommenter dets mulige betydning for konklusionerne.